

OVERTONER & den rene stemning

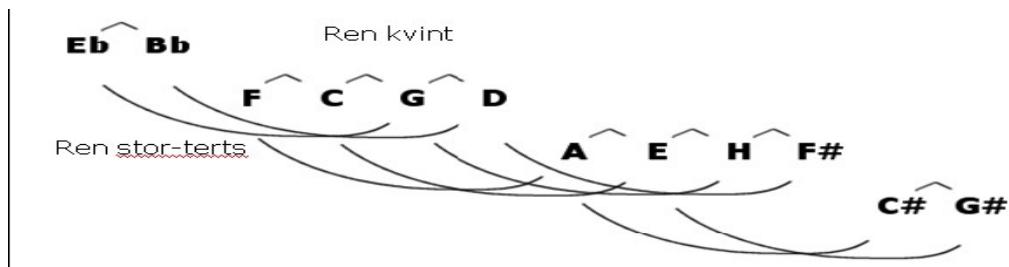
De harmoniske overtoner - partialtonenummer

A musical staff with two staves. The top staff is in treble clef and has 16 numbered note heads from 1 to 16. The bottom staff is in bass clef and has 16 numbered note heads from 1 to 16. The notes are arranged in a specific pattern across both staves.

- i skematisk form:

nr	tone (eks fra C)	interval	frekvens	forholdstal mellem frekvenser
1	C	prim	1*f	
2	C	oktav	2*f	> 2:1 oktav
3	G	kvint + oktav	3*f	> 3:2 kvint
4	C	oktav x2	4*f	> 4:3 kvart
5	E	stor terts + oktav x2	5*f	> 5:4 stor terts
6	G	kvint + oktav x2	6*f	> 6:5 lille terts
7	Bb	lille septim + oktav x2	7*f	
8	C	oktav x3	8*f	> 8:5 lille sekst
9	D	stor sekund + oktav x3	9*f	> 9:8 stor sekund
10	E	stor terts + oktav x3	10*f	> 10:9 stor sekund (!)
11	F#	tritonus + oktav x3	11*f	
12	G	kvint + oktav x3	12*f	> 12:8 kvint
13	Ab	lille sekst + oktav x3	13*f	
14	Bb	lille septim + oktav x3	14*f	
15	H	stor septim + oktav x3	15*f	
16	C	oktav x4	16*f	> 16:15 lille sekund

Ren stemning: opskriften iflg Gads musikleksikon side 1643:



ren kvint op: *3/2 - ned: *2/3; ren storterts op: *5/4 - ned *4/5; oktav op *2 - ned *1/2

frekvensforholdene

Cdur	f	g	a	h	c	d	e	f	g	a	h	c	d	e
kvint -rel	2/3		5/3* 1/2		1*f	9/4* 1/2		2/3* 2	3/2				3/2* 3/2	5/3* 3/2
terts- rel							1* 5/4				4/3* 5/4	3/2* 5/4		
slut			5/6		1	9/8	5/4	4/3	3/2	5/3	15/8	2	9/4	5/2
sekundstørrelse					V	V	V	V	V	V	V	V	9/8	10/9 16/15 9/8 10/9 9/8 16/15

den kromatiske skala i ren stemning:

	c	c#	d	eb	e	f	f#	g	g#	a	bb	h	c
1			9/8		5/4	4/3		3/2		5/3		15/8	2
1	25/24	9/8	6/5	5/4	4/3	45/32	3/2	25/16	5/3	9/5	15/8	2	

f# er defineret som ren kvint over h -> $15/8 * 3/2 * 1/2 = 45/32$

- eller som storterts over d -> $9/8 * 5/4 = 45/32$

C# er defineret som Storterts til A -> $5/3 * 5/4 * 1/2 = 25/24$

G# er defineret som ren kvint over C# -> $25/24 * 3/2 = 75/48 = 25/16$

- eller som storterts over e -> $5/4 * 5/4 = 25/16$

Eb er defineret som storterts under G -> $3/2 * 4/5 = 6/5$

Bb er defineret som storterts under D -> $9/8 * 4/5 * 2 = 72/40 = 9/5$

- eller som en ren kvint over Eb = $6/5 * 3/2 = 18/10 = 9/5$

Med udgangspunkt i de ovenstående forholdstal kan man så regne frekvenserne ud – og til sammenligning er nedenunder anført frekvenserne i den ligesvævende stemning.

Jeg har lavet det med c=249 hz, hvilket er en ældre stemmenorm, for det finder vi i mange af Gerts tal. I nutidens stemning er a=440 hz

c=249

	c	c#	d	eb	e	f	f#	g	g#	a	bb	h	c
frekvens ren	249	259,4	280,1	298,8	311,3	332,0	350,2	373,5	389,1	415,0	448,2	466,9	498,0
frekvens ligesvæv	249	263,8	279,5	296,1	313,7	332,4	352,1	373,1	395,3	418,8	443,7	470,0	498,0